

# Programmation procédurale

## Transformation de programmes

D.E ZEGOUR

École Supérieure d'Informatique

ESI

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Sommaire

Transformation de programmes

Définition

Quelques transformations remarquables

Bohm et Jacoppini :  $B \rightarrow D$

Méthode par automate :  $B \rightarrow D$

Arsac :  $B \rightarrow REn$

Ramshaw :  $B \rightarrow REn$

Williams and Chen :  $B \rightarrow D$

$R \rightarrow B$  ( procédé sémantique)

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Introduction

Transformation de programmes =  
modification source à source.

Une transformation doit être

- compréhensible,
- assurer l'équivalence,
- précise pour permettre une automatiser.

On distingue :

- les transformations syntaxiques
- les transformations sémantiques  
(éliminer les tests inutiles, détecter et éliminer les parties inaccessibles d'un programme , ...)

Toutes les transformations que nous développons ici sont fonctionnelles.

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Introduction : Pourquoi transformer des algorithmes ?

Type de construction = mode de pensée.

Algorithme

- exprimé dans un formalisme (selon l'utilisateur).
- transformé en une forme structurée ( but : le rendre plus lisible, plus facile à prouver et à mettre au point)

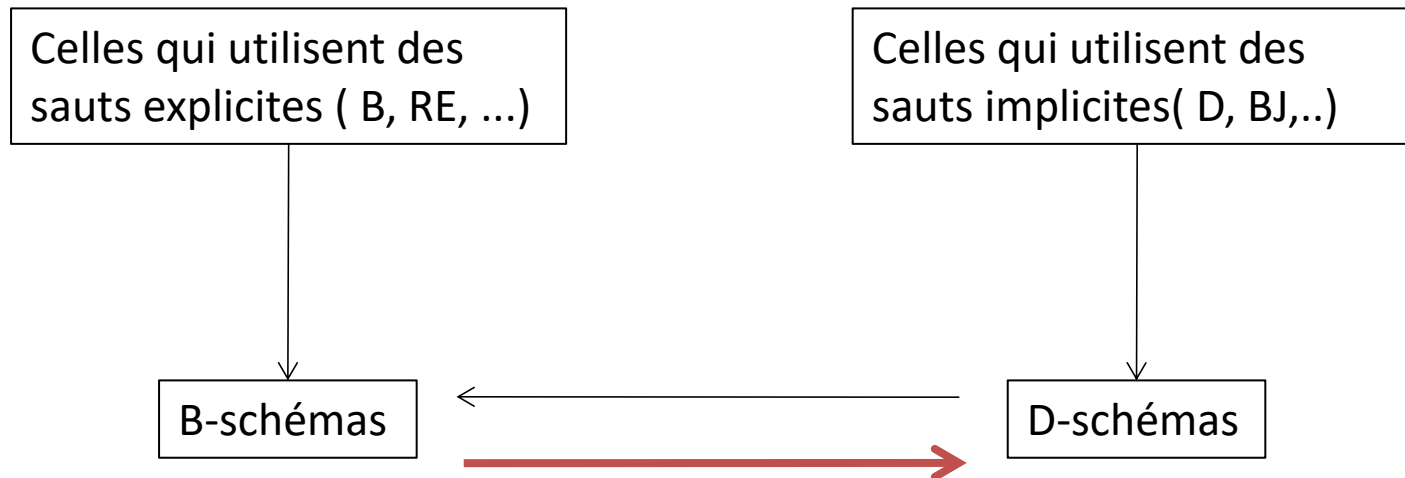
Domaines d'utilisation :

- . Synthèse des programmes  
(Partir d'une spécification mathématique et arriver par une série de transformations à un programme)
- . Structuration d'algorithmes

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Introduction

Toutes les structures que nous avons présentées ( des langages procéduraux) peuvent être répartie en deux catégories :



# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Introduction

Deux articles contradictoires méritent d'être évoqués :

DIJKSTRA(1968) critique  
l'utilisation des GOTO

*L'instruction GOTO a des  
effets désastreux"*

KNUTH (1974) "Programmation  
structurée avec GOTO".

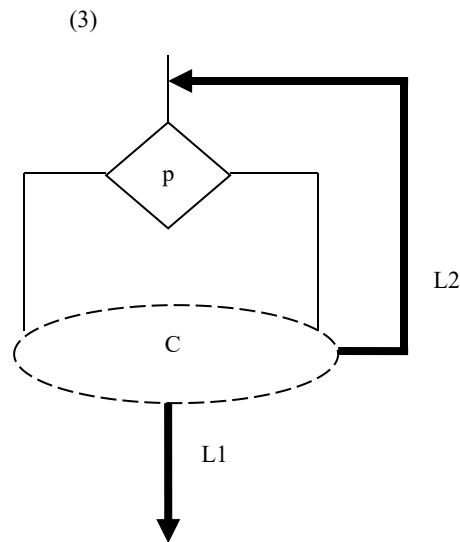
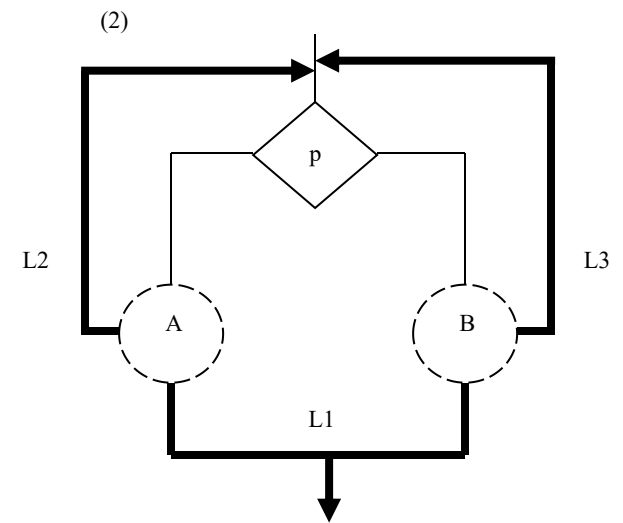
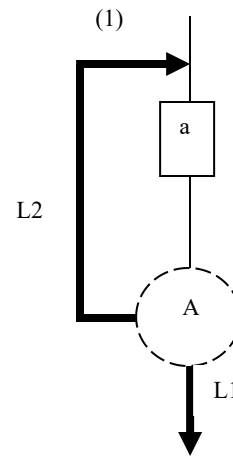
*Le GOTO pourrait être un outil  
efficace s'il est bien utilisé.*

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Transformation de Bohm & Jaccopini

Historiquement, la première (1966)

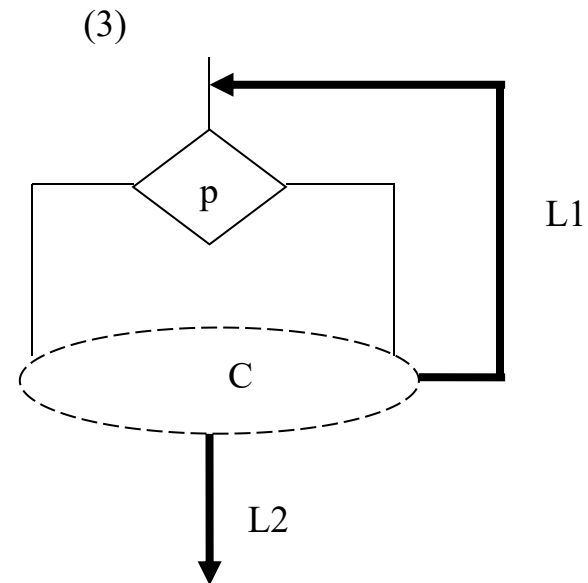
3 Types d'organigrammes



# Programmation procédurale / Transformation de programmes

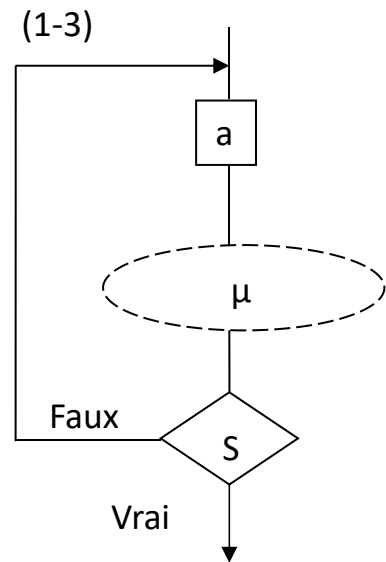
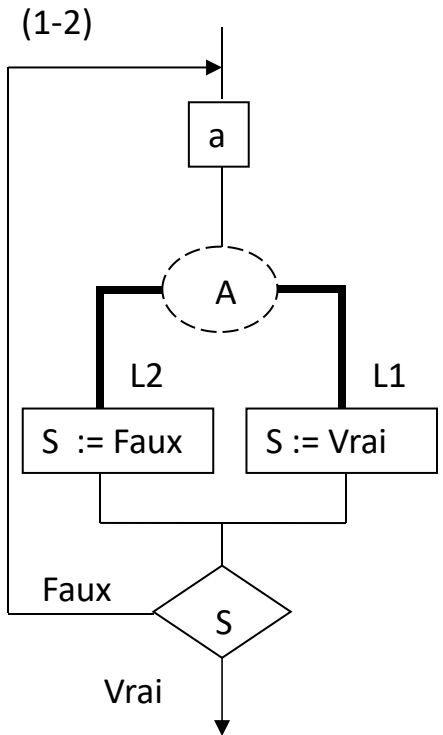
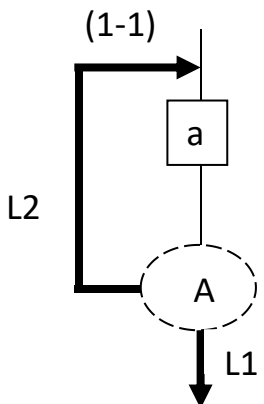
## Transformation de Bohm & Jaccopini

Cas 3 peut se transformer en cas 2 avec duplication des actions et des tests





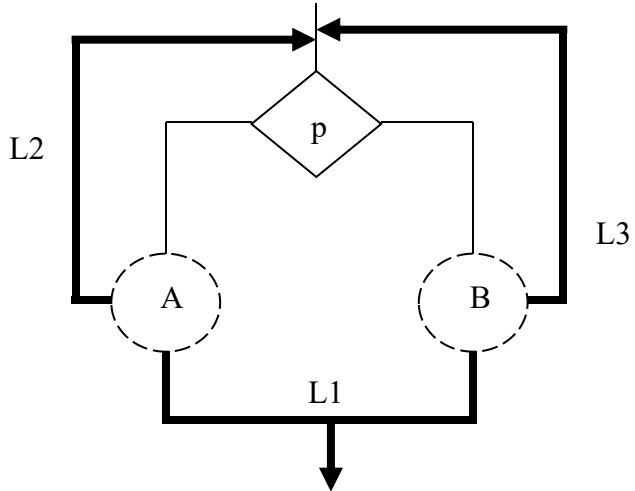
**Transformation de  
Bohm & Jaccopini  
(Cas 1)**



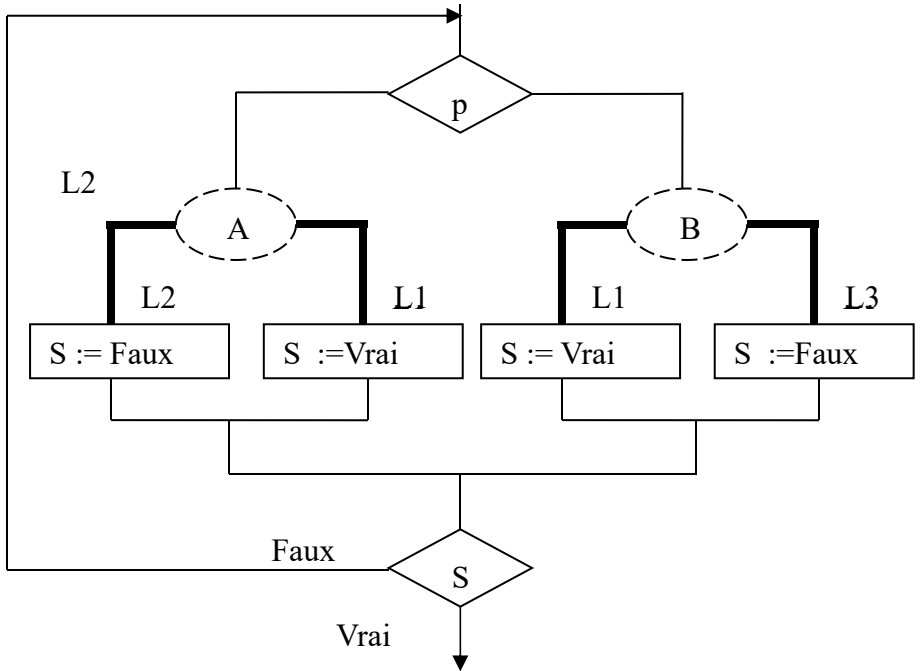
Repeat  
a ; μ  
Until S

**Transformation de Bohm & Jaccopini (Cas 2)**

(2-1)

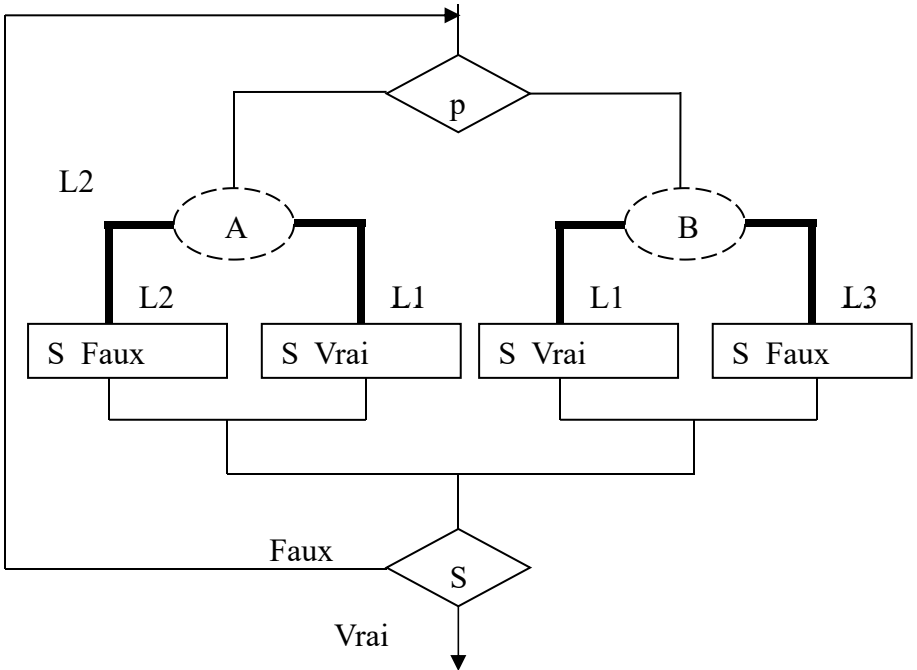


(2-2)

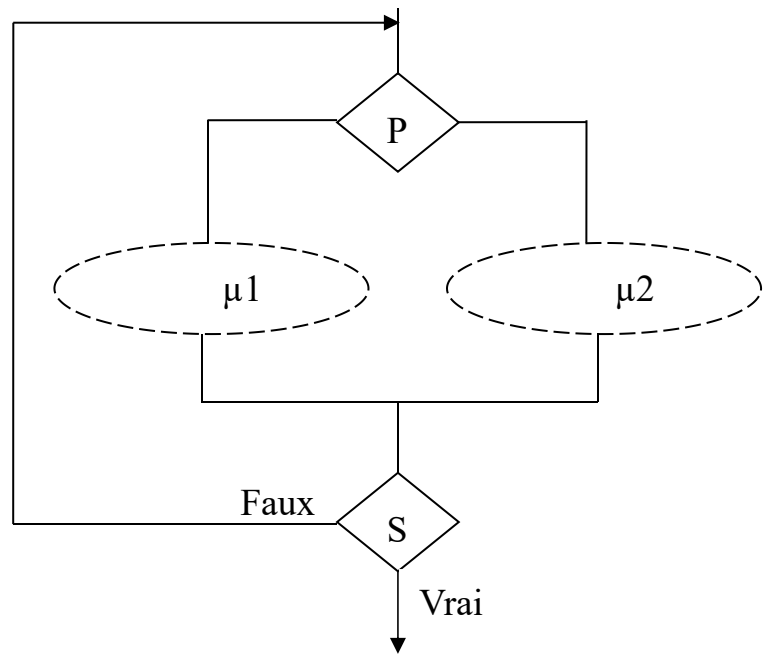


**Transformation de Bohm & Jaccopini (Cas 2)**

(2-2)

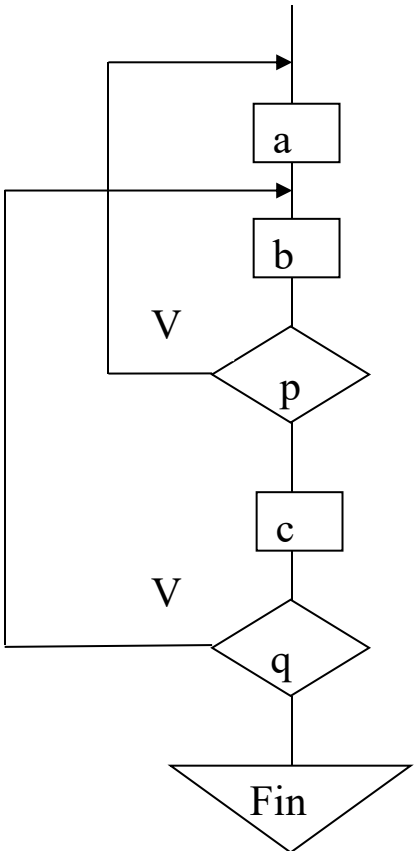


(2-3)



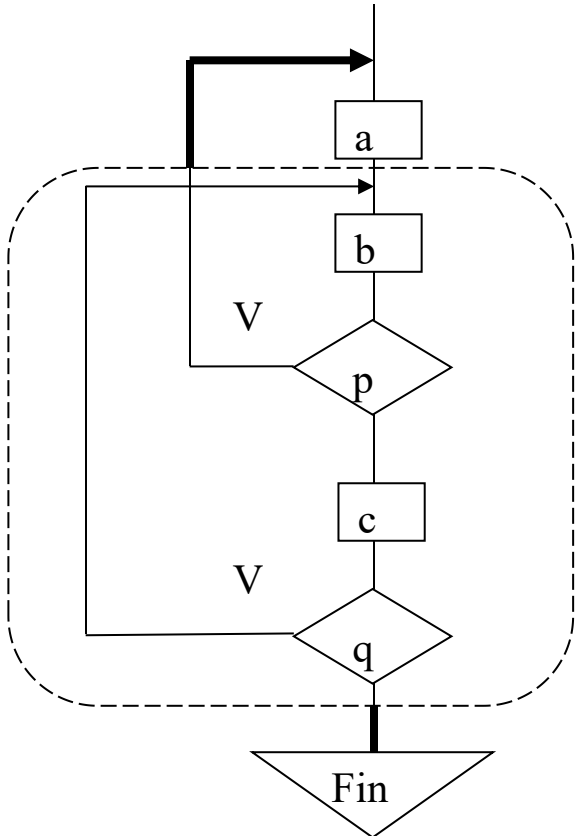
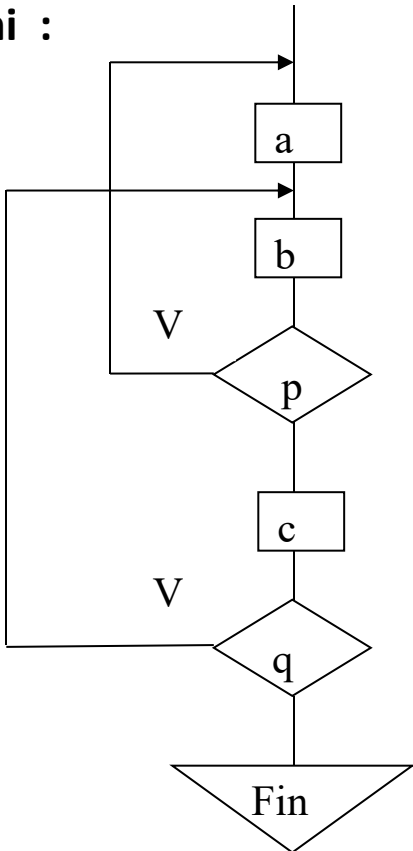
Repeat  
 Si P : μ1 Sinon μ2 Fsi  
 Until S

**Transformation de  
Bohm & Jaccopini :  
Exemple**

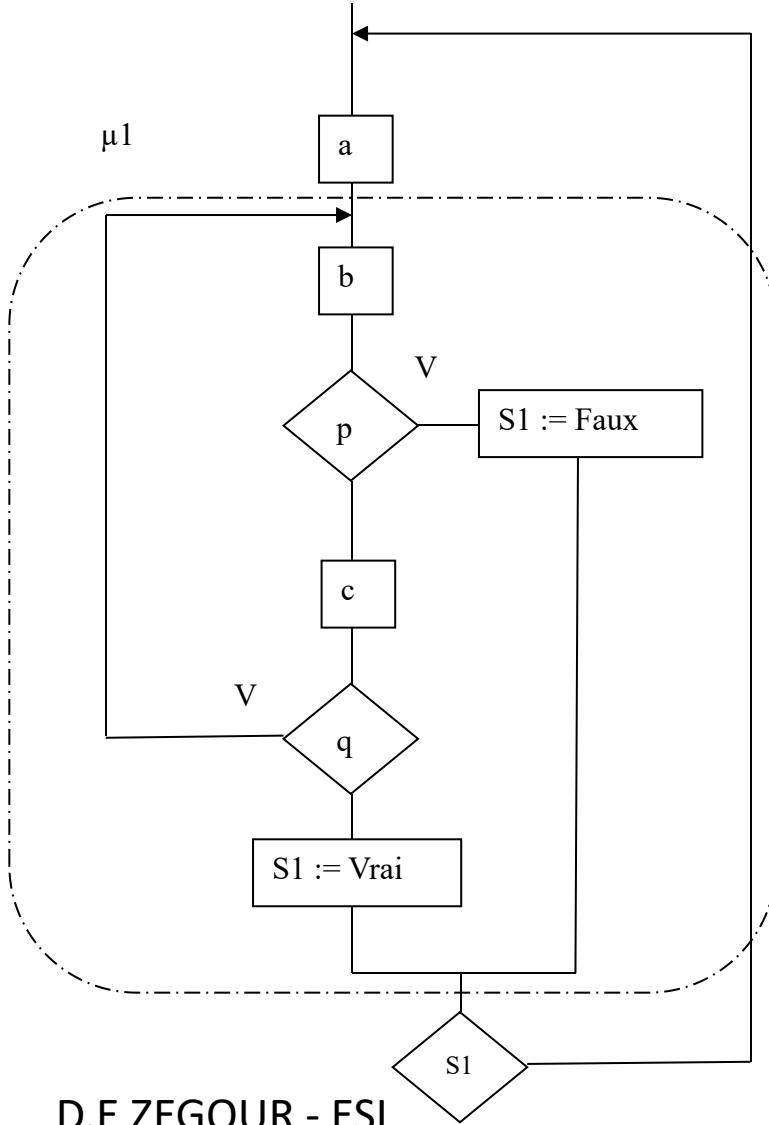
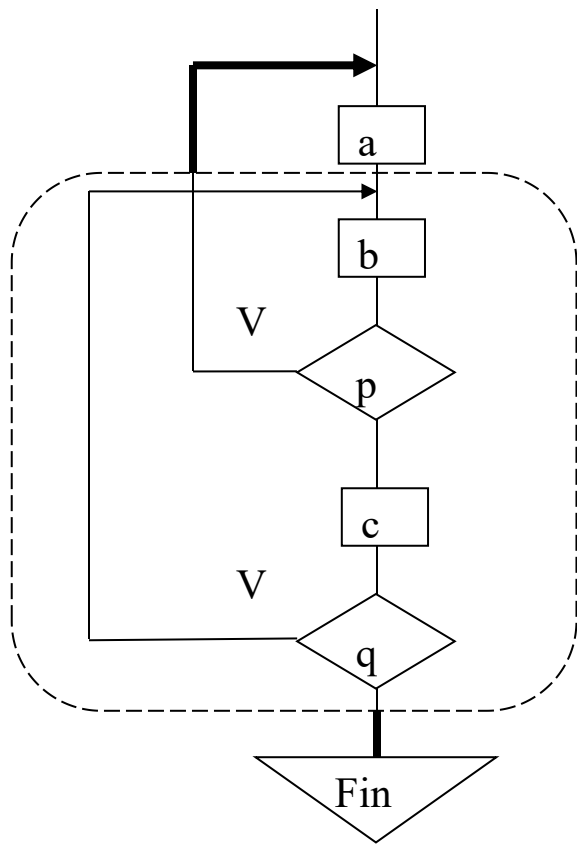


1 : a  
2 : b  
Si p Aller à 1  
c  
Si q Aller à 2  
Fin

**Transformation de  
Bohm & Jaccopini :  
Exemple**

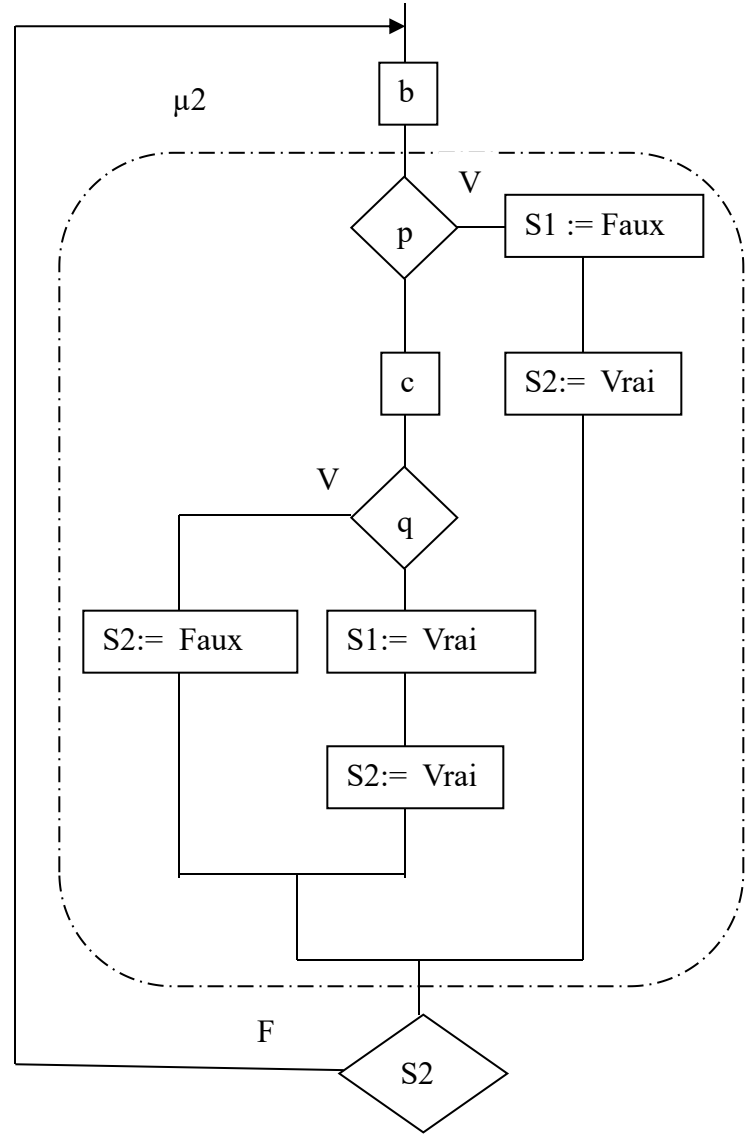
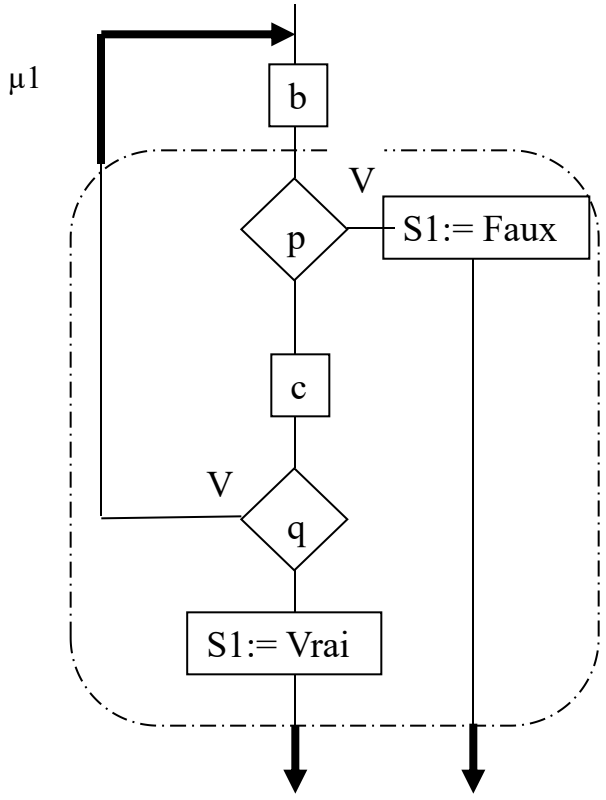


**Transformation de Bohm & Jaccopini : Exemple**



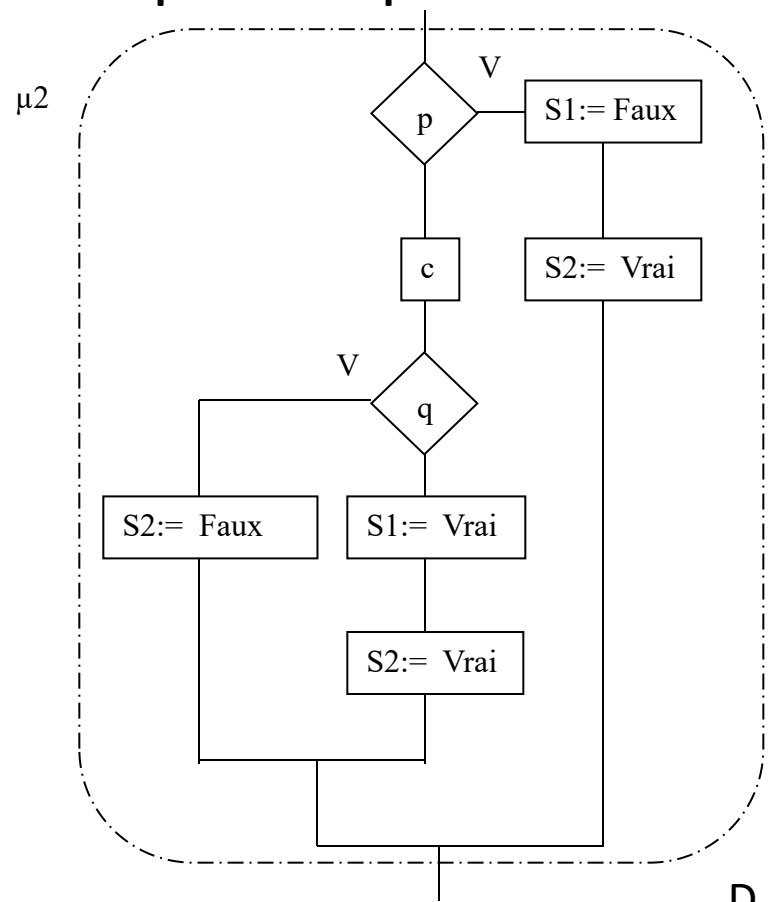
Répéter  
a ;  $\mu 1$   
Jusqu'à S1

**Transformation de Bohm & Jaccopini : Exemple**



$\mu_1 =$   
 Répéter  
 b ;  $\mu_2$   
 Jusqu'à S2

### Transformation de Bohm & Jaccopini : Exemple



$\mu_2$  est déjà un organigramme de type simple dont l'algorithme correspondant est le suivant :

```

 $\mu_2 =$ 
Si p
  S1 := Faux ; S2 := Vrai
Sinon
  c
  Si q
    S2 := Faux
  Sinon
    S1 := Vrai ; S2 := Vrai
Fsi
Fsi

```



## Transformation de Bohm & Jaccopini : Exemple

```
1 : a
2 : b
Si p Aller à 1
c
Si q Aller à 2
Fin
```

```
Repéter
a
  Répéter
  b
  Si p
  S1 := Faux ; S2 := Vrai
  Sinon
  c
  Si q
  S2 := Faux
  Sinon
  S1 := Vrai ; S2 := Vrai
  Fsi
  Fsi
  Jusqu' à S2
Jusqu' à S1
```

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## **Technique par automate (B vers D)**

Pour tout B-algorithme, on associe un automate.

De l'automate découle l'algorithme correspondant.

Chaque étiquette dans le B-algorithme représente un état dans l'automate.

Quelques étiquettes additionnelles sont nécessaires au niveau du B-algorithme pour réaliser la transformation.

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate

Soit le B-algorithme suivant :

```

E1      a
        b
        c
        d
        IF t1 GOTO E2
        x
E3      IF t2 GOTO E4
        z
        GOTO E1
E2      r
        s
        u
        GOTO E3
        u
        v
E4      x
        y
        z
```

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate ( Etape 1 : Réécriture )

|    |                                    |   |                  |                                   |
|----|------------------------------------|---|------------------|-----------------------------------|
| E1 | a<br>b<br>c<br>d<br>IF t1 GOTO E2  | Étiqueter la première instruction.                              | \$0<br>E1<br>\$1 | [a, b]<br>[c, d]<br>IF t1 GOTO E2 |
| E3 | x<br>IF t2 GOTO E4<br>z<br>GOTO E1 | Étiqueter toute instruction conditionnelle                      | E3               | IF t2 GOTO E4<br>[z]<br>GOTO E1   |
| E2 | r<br>s<br>u<br>GOTO E3             | Regrouper les actions qui se suivent qui ne sont pas étiquetées | E2               | [r, s, u]<br>GOTO E3              |
| E4 | u<br>v<br>x<br>y<br>z              |   | E4               | [u, v]<br>[x, y, z]               |

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate ( Etape 1 : Réécriture )

|     |               |
|-----|---------------|
| \$0 | [a, b]        |
| E1  | [c, d]        |
| \$1 | IF t1 GOTO E2 |
|     | [x]           |
| E3  | IF t2 GOTO E4 |
|     | [z]           |
|     | GOTO E1       |
| E2  | [r, s, u]     |
|     | GOTO E3       |
|     | [u, v]        |
| E4  | [x, y, z]     |

Construction d'une table de correspondance (COND) entre les états et les conditions.

### Table Cond :

|     |      |
|-----|------|
| \$0 | Vrai |
| E1  | Vrai |
| \$1 | t1   |
| E3  | t2   |
| E2  | Vrai |
| E4  | Vrai |

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate ( Etape 2 : matrice de transition )

\$0        [a, b]  
E1        [c, d]  
\$1        IF t1 GOTO E2  
          [x]  
E3        IF t2 GOTO E4  
          [z]  
          GOTO E1  
E2        [r, s, u]  
          GOTO E3  
          [u, v]  
E4        [x, y, z]

|     | Vrai               | Faux   |
|-----|--------------------|--------|
| \$0 | [a ; b] → E1       |        |
| E1  | [c ; d] → \$1      |        |
| \$1 | → E2               | x → E3 |
| E3  | → E4               | z → E1 |
| E2  | [r ; s ; u] → E3   |        |
| E4  | [x ; y ; z] → Stop |        |

Remarquer que la séquence [u, v] is supprimée  
comme elle n'est pas accessible.

### Table Cond :

\$0        Vrai  
E1        Vrai  
\$1        t1  
E3        t2  
E2        Vrai  
E4        Vrai

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate ( Etape 3 : D-algorithme )

Utilisation de "IF ELSE" en cascade + une variable State

Cas COND(etat) = vrai : donner simplement les actions correspondantes si elles existent suivie par la modification de l'état courant

Cas COND(etat) = t : donner un choix entre les deux colonnes de la matrice selon la valeur logique de t.

|     | Vrai               | Faux   |
|-----|--------------------|--------|
| \$0 | [a ; b] → E1       |        |
| E1  | [c ; d] → \$1      |        |
| \$1 | → E2               | x → E3 |
| E3  | → E4               | z → E1 |
| E2  | [r ; s ; u] → E3   |        |
| E4  | [x ; y ; z] → Stop |        |

Exemple : à la ligne E3 de la matrice on associe l'alternative suivante :

If Cond(E3) : State := E4

Else z ; State := E1 Endif

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate ( Etape 3 : D-algorithme )

|     | Vrai               | Faux   |
|-----|--------------------|--------|
| \$0 | [a ; b] → E1       |        |
| E1  | [c ; d] → \$1      |        |
| \$1 | → E2               | x → E3 |
| E3  | → E4               | z → E1 |
| E2  | [r ; s ; u] → E3   |        |
| E4  | [x ; y ; z] → Stop |        |

### Table Cond :

|     |      |
|-----|------|
| \$0 | Vrai |
| E1  | Vrai |
| \$1 | t1   |
| E3  | t2   |
| E2  | Vrai |
| E4  | Vrai |

```
State := $0
WHILE ( State # Stop) :
  IF State = $0 :
    a; b; State := E1
  ELSE
    IF State = E1 :
      c; d; State := $1
    ELSE
      IF State = $1 :
        IF t1 :
          State := E2
        ELSE x; State := E3 ENDIF
```



# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Technique par automate

|     | Vrai               | Faux   |
|-----|--------------------|--------|
| \$0 | [a ; b] → E1       |        |
| E1  | [c ; d] → \$1      |        |
| \$1 | → E2               | x → E3 |
| E3  | → E4               | z → E1 |
| E2  | [r ; s ; u] → E3   |        |
| E4  | [x ; y ; z] → Stop |        |

### Table Cond :

|     |      |
|-----|------|
| \$0 | True |
| E1  | True |
| \$1 | t1   |
| E3  | t2   |
| E2  | True |
| E4  | True |

```
ELSE
  IF State = E2 :
    r ; s, u ; State := E3
  ELSE
    IF State = E3 :
      IF t2 :
        State := E4
      ELSE z ; State := E1 ENDIF
    ELSE
      IF State = E4 :
        x ; y ; z ; State := Stop
      ENDIF
    ENDIF
  ENDIF
ENDIF
ENDIF
ENDIF
ENDIF
ENDIF
ENDWHILE
```

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Arsac (1977) B --> REn

La technique revient à poser le programme sous la forme d'un système d'équations

Les inconnues = les étiquettes

La résolution du système donne un programme RE-n (exit multi-niveaux)

*Méthode :*

- a) Etiquetter la première instruction.
- b) Introduire les "sinon"
- c) Mise en équation
  
- d) Résoudre le système
  - d1) Substitution ( élimination d'une variable) , revient à substituer les variables non récursives.
  - d2) Récursifier / Dérécursifier

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Arsac (1977) B --> REn

Soit le B-algorithme suivant :

```
a
4:   IF t GOTO 5
2:   b
     IF u GOTO 3
     IF v GOTO 9
     c
     GOTO 2
3:   d
     GOTO 4
5:   e
     GOTO 4
9:   w
```

REn\_algorithme correspondant

```
a
Faire
  Si non t
    Faire
      b
      Si non u :
        Si non v: c;Exit(0)
        Sinon Exit(2) Fsi
      Sinon d; Exit(1) Fsi
    Fait
  Sinon e; Exit(0) Fsi
Fait
```

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Ramshaw(1988) B--> D?

Préservation de la structure du programme.

C'est à dire éliminer tous les "GOTO" et les étiquettes vers lesquelles ils se branchent en insérant des instructions de sortie "Exit" et des boucles "Loop-Endloop" tout en gardant le reste du programme inchangé.

Donc plus de lisibilité.

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## Ramshaw(1988) B--> D?

Soit l'exemple suivant :

```
action1;  
action2;  
if test3 then Goto G endif;  
action4;  
action5;  
G:action6;
```

```
action1;  
action2;  
Loop : L  
    if test3 then Exit L endif;  
    action4;  
    action5;  
    Exit L ;  
Endloop L ;  
action6;
```

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## **Williams and Chen(1985) B-> D**

Proposée par Williams et Chen dans un article intitulé "Restructuring Pascal programs containing Goto statements"

Principe basé sur la constitution d'une bibliothèque de schémas équivalents.

Un schéma pour une forme de branchement.

On procède par identification de forme de branchement et remplacement de celle-ci le schéma équivalent (sans branchement)

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

## R (Récursif) vers B

Procédé sémantique : technique basée sur la sémantique de la récursion.

Rappel principe

1. Définir la zone de données =  
{Variables locales, paramètres  
appelés par valeur, adresse de  
retour}

2. Définir les points d'appel et de  
retour (On suppose qu'il existe  
un premier appel dans le  
programme principal)

3. Chaque Appel se traduit par :

- Empiler la zone de données
- Préparer la nouvelle
- Se brancher au début de la procédure

4. Chaque retour se traduit par :

- Récupérer l'adresse de retour, Ret.
- Dépiler la zone de données
- Se brancher à Ret.

5. Empiler une Zdd bidon au départ!

# Programmation procédurale / Transformation de programmes

**R(Récurif) -> B**

## Exemple

### Fonction réursive

Fact(N)

X et Y variables locales

SI N = 0

Fact := 1

SINON

X := N-1;

Y := Fact(X);

Fact := N \* Y

FSI



B-algorithme

Lire(n); Créerpile(P)

{ Empiler une zone de données bidon }

Empiler(P,Zddc)

{ Initialiser Zddc pour le premier appel }

Zddc.N := n; Zddc.A := 1

{ Début de la fonction simulée }

10 : SI Zddc.N <> 0 Aller à 11

Fact := 1

{ Simulation du retour de la fonction }

I := Zddc.A; Dépiler(P,Zddc)

SI I=1 ALLERA 1

ALLERA 2

11 : Zddc.X = Zddc.N - 1

{ Simulation de l'appel récursif }

Empiler(P,Zddc); Zddc.N := Zddc.X ; Zddc.A:= 2

ALLERA 10

2: Zddc.Y := Fact ; Fact := Zddc.N \* Zddc.Y

{ Simulation du Retour de la fonction }

I:= Zddc.A; Dépiler(P,Zddc)

SI I=1 ALLERA 1

ALLERA 2

1: Ecrire (Fact)